

ÜBERSICHT RELATIONEN

▷ Jede Teilmenge R des kartesischen Produktes $M \times M$ einer nichtleeren Menge M mit sich selbst heißt *Relation*.
 Verkürzte Schreibweise: “ $x R y$ ” für “ $(x, y) \in R$ ”

▷ Eigenschaften von Relationen

▷ Spezielle Relationen

Eine Relation heißt... wenn für alle $x, y \in M$ gilt...		partielle Ordnung	vollst. Ordnung	Äquivalenz- relation	Präferenz	Abb.
<i>reflexiv</i> (R) $x R x$		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	
<i>transitiv</i> (T) $x R y \wedge y R z \Rightarrow x R z$		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	
<i>antisymmetrisch</i> (A) $x R y \wedge y R x \Rightarrow x = y$		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			
<i>vollständig</i> (V) $x R y \vee y R x$			<input type="radio"/>		<input type="radio"/>	
<i>symmetrisch</i> (S) $x R y \Rightarrow y R x$				<input type="radio"/>		
<i>eindeutig</i> \exists höchstens ein z mit $x R z$						<input type="radio"/>

▷ Beispiele

Grundmenge M	Bez. für R	Bedeutung von $x R y$	Typ der Relation	ökonomische Interpretation im Fall von Güterbündeln, (grob formuliert) ...
\mathbb{R}	$x \leq y$	“kleiner gleich”	vollständige Ordnung	y ist “nicht weniger” als x
\mathbb{R}	$x = y$	Identität	Äquivalenz	
\mathbb{R}	$x < y$	“kleiner”	—	y ist (echt) “mehr” als x
\mathbb{R}	$x f y$	$:\Leftrightarrow y = f(x) = x^2$	Funktion (Abbildung)	
\mathbb{R}^2	$\underline{x} \leq \underline{y}$	“kleiner gleich” (vektoriell)	partielle Ordnung	\underline{y} ist “nicht weniger” als \underline{x}
\mathbb{R}^2	$\underline{x} < \underline{y}$	“kleiner” (vektoriell)	—	\underline{y} ist (echt) “mehr” als \underline{x}
\mathbb{R}^2	$\underline{x} \ll \underline{y}$	“strikt kleiner” (vektoriell)	—	\underline{y} ist “durchweg mehr” als \underline{x}
\mathbb{R}^2	$\underline{x} \succ \underline{y}$	$:\Leftrightarrow U(\underline{x}) \leq U(\underline{y})$ (U Nutzenfunktion)	Präferenz	
\mathbb{R}^2	$\underline{x} \approx \underline{y}$	$:\Leftrightarrow \underline{x} \succ \underline{y} \wedge \underline{y} \succ \underline{x}$	Äquivalenz / Indifferenz	\underline{x} und \underline{y} sind “gleich gut” (indifferent)
\mathbb{R}^2	$\underline{x} \succ \underline{y}$	$:\Leftrightarrow \underline{x} \succ \underline{y} \wedge \underline{x} \not\approx \underline{y}$	—	\underline{y} ist (echt) “besser” als \underline{x}
$\mathbb{R}^{2,2}$	$A \succcurlyeq B$	$:\Leftrightarrow A - B \succcurlyeq 0$ (positiv semidefinit)	partielle Ordnung	